Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

*Ответом к заданиям* 1—12 *является целое чиспо или конечная*

*десятичная дроdь. Запишите чиспо в поле ответа в тексте раdоты, затем перенесите его в БЛАНК OTBETOB Х• I справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «жинус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведённыжи в dяанке оdразцами. Единицъі измерений писать не нужно.*

noaoan HZd‹

Профильный **уровень**

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя

21 задание. Часть I содержит 8 заданий базового уровня сложности с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания повышенного уровня сложности с кратким ответом и 7 заданий повышенного и высокого уровней сложности с развёрнутым ответом.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1—12 записываются по приведённому ниже образцу в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1.

TRCT: *-0. &* кі — 0 › 8

При выполнении заданий 13—19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами.

Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручек.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

*Желаем успеха.!*

Справочные материалы

ЅіП2Я-СОЅ2Я = 1

SIП ЙО Й SlП О • COS О

cos 2п = cos 2 п — sin2 п

 В доме, в котором живёт Петя, один подъезд. На каждом этаже по шесть квартир. Петя живёт в квартире 45. На каком этаже живёт Петя?

Ответ:

N•lñ lH ¿› ıqH



2 При работе фонарика батарейка постепенно разряжается и напряжение в электрической цепи фонарика падает. На рисунке показана зависимость

напряжения в цепи от времени работы фонарика. На горизонтальной оси отмечается время работы фонарика в часах, на вертикальной оси напряжение в вольтах. Определите по рисунку, на сколько вольт упадёт напряжение с 6-гo по 56-й час работы фонарика.

sz6o1

f



Ответ:





 На клетчатой бумаге с размером клетки 1х1 изображён треугольник *ABC.* Найдите длину его

средней линии, параллельной стороне *AB.*

Ответ:

 На рисунке изображён график дифференцируемой функции у = *f(х),*

определённой на интервале (—3; 8). Найдите точку из отрезка [—2; 5], в

noaoan HZd‹

которой производная функции *f(х)* равна 0.

 Фабрика выпускает сумки. В среднем 19 сумок из 160 имеют скрытые дефекты. Найдите вероятность того, что купленная сумка окажется без дефектов. Результат округлите до сотых.

Ответ:

 Найдите корень уравнения

1 1

### 5+ + 8 3’

Ответ:

 В равностороннем треугольнике *ABC* высота *CH* равна

453. Найдите *AB.*

Ответ:



Ответ:

В кубе *ABCD А В С D* найдите угол между прямыми *CD* и *AD.* Ответ дайте в градусах.

sz6o1

f

N•lñ lH ¿› ıqH



Ответ:

Найдите значение выражения

20° 3 52 : 4°"’.

Ответ:

 В розетку электросети подключена электрическая духовка, сопротивление которой составляет *R ——* 60 Ом. Параллельно с ней в розетку

предполагается подключить электрообогреватель, сопротивление которого *R* (в Ом). При параллельном соединении двух электроприборов с сопротивлениями *R н R* их общее сопротивление вычисляется по

**Частъ** 2

формуле *R*



общ — *Rj + Ry '*

Для нормального функционирования электросети

общее сопротивление в неё должно быть не меньше 10 Ом. Определите наименьшее возможное сопротивление *R2* электрообогревателя. Ответ дайте в омах.

Ответ:

 В сосуд, содержащий 10 литров 24-процентного водного раствора некоторого вещества, добавили 5 литров воды. Сколько процентов составит

концентрация получившегося раствора?

Ответ:



*Для записи решений и ответов на задания* **13—19** *используйте БЛАНК OTBETOB X•* 2. *Запишите сначала номер выпояпяемого задания (13,* 14 п *т. д.), а затеж полное оdоснованное решение и ответ. Ответъі записывайте чётко и разdорчиво.*

### 134

а) Решите уравнение 6sin2 x + 7 cos х — 1 = 0.

6) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку 7< 5п



В основании четырехугольной пирамиды *SABCD* лежит прямоугольник

*ABCD со* сторонами *AB ——* 4 и *BC ——* 6. Длины боковых рёбер пирамиды

*НA ——* 3, *5B ——* 5, *SD ——* 35.

а) Докажите, что *SA —* высота пирамиды.

6) Найдите расстояние от вершины *А* до плоскости *SBC.*

132 Найдите наименьшее значение функции

у = 19 + 192x — х З на отрезке [—8; 8].

Ответ:

 Решите неравенство 13 — 5 3‘



9\* — 12 3\* + 27 "

0,5.

 В трапеции *ABCD* точка *Е —* середина основания *AD,* точка М — середина боковой стороны *AB.* Отрезки *СЕ* и *DM* пересекаются в точке *О.*

*Не забудьте перенести все ответъі в бланк ответов Х• I в*

*соответствии с инструкцией по выполнении работы.*

а) Докажите, что площади четырёхугольника *AMOE* и треугольника *COD*

равны.

6) Найдите, какую часть от площади трапеции составляет площадь четырёхугольника *AMOE, есян BC ——* 3, *AD ——* 4.

137 В июле 2016 года планируется взять кредит в банке на четыре года в размере *S* млн рублей, где *S —* целое число. Условия его возврата таковы:

О **проекте «Пробный** ЕГЗ каждую неделю»

Данный ким составлен командой всероссийского волонтёрского проекта

«EFЭ 100 баллов» https://vk.com/epe100ballov и безвозмездно распространяется для любых некоммерческих образовательных целей.

Нашли ошибку в варианте?

Напишите нам, пожалуйста, и мы обязательно её исправим!

Для замечаний и пожеланий: 10175642 35994595 (также доступны другие варианты для скачивания)

noaoan HZd‹

каждый январь долг увеличивается на 15% по сравнению с концом предыдущего года;

— с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;

— в июле каждого года долг должен составлять часть кредита в соответствии со следующей таблицей.

¿› ıqH

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Месяц и год | Июль2016 | Июль2017 | Июль2018 | Июль2019 | Июль2020 |
| Долг (в млнрублей) | *S* | 0,8d | 0,5S | 0,1S | 0 |

Найдите наибольшее значение S, при котором общая сумма выплат будет меньше 50 млн рублей.

N•lñlH

|  |
| --- |
| СОСТАВИТЕЛЬ ВАРИАНТА: |
| ФИО: | Евгений Пифагор |
| Предмет: | Математика |
| Стаж: | 6 лет репетиторской деятельности |
| Регалии: | Основатель проекта Школа ПифагораТрижды победитель олимпиады по высшей математике среди всех студентов Тольяттинского государственного университета |
| Аккаунт BK: | https://vk.com/eugene10 |
| Сайт и доп. информация: | https://youtube.com/ШкoлaПuфaropa |

 Найдите все значения п, для каждого из которых уравнение

f

х\* 0 -1- (в — 2 | т |) 5 ]\_ 2 2 т -1- о = 0

sz601

имеет более трёх различных решений.

 Даны п различных натуральных чисел, составляющих арифметическую прогрессию (п й 3).

а) Может ли сумма всех данных чисел быть равной 10?

6) Каково наибольшее значение п, если сумма всех данных чисел меньше 1000?

в) Найдите все возможные значения п, если сумма всех данных чисел равна 129.

Система оценивания Ответы к заданиям 1-19

Каждое из заданий 1—12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Верно выполненные задания 13-15 максимум оцениваются в 2 балла, задания 16-17 — в 3 балла, а задания 18-19 — в 4 балла.

|  |  |
| --- | --- |
| №задания | Ответ |
| i | 8 |
| 2 | 0,4 |
| 3 | 2 |
| 4 | 0,88 |
|  | —1 |
| 6 | 90 |
| 7 | 2 |
| 8 | 90 |
| 9 | 0,8 |
| i 0 | 12 |
| 11 | 16 |
| 12 | -1005 |
| 13 | а) + 2пп, — + 2пп; п С *Z.* |
| 14 | 2,4 |
| 15 | (0] U (1; 2) |
| 16 | 2 |
| 17 |  |
| 18 | п |
| 19 | а) Да, например, 1 2 3 4, б)44,в) 3; 6 |





36

# o < < i

Решения и **критерии оценивания** заданий **13—19**

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 13—19, зависит от полноты решения и правильности ответа.

noaoan HZd‹

Общие требования к выполнению заданий с развёрнутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов. Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

¿› ıqH

При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.

f

N•lñlH

 Решение задания

sz601

а) Решите уравнение 6sin'x + 7 cos х — 1 = 0.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку 7п 5п

2 2

### а)





sп 2c -F cos2‹i= 1



6 (1 — cos2 x) + 7 cos х — 1 = 0

6 — 6cos 2 x + 7 cos х — 1 = 0

—6cos 2 x + 7 cos х + 5 = 0

Пусть cos х = t

—6t 2 + 7t + 5 = 0

*D* —— *b 2* — 4пс —— 49 + 120 = 169 = 132

t= *—b + CD* = —7+ 13 1

Решение задания



' 2n 12

=——

2

134

t2 =

*—b — CD* =

—7 — 13 = 5 (не подходит)

В основании четырехугольной пирамиды *SABCD* лежит прямоугольник

2n —12 3



2к + 2пп; п С Z 3

2 2пп; п С *Z*

6)

*ABCD со* сторонами *AB ——* 4 и *BC ——* 6. Длины боковых ребер пирамиды

*SA ——* 3, *SB ——* 5, *SD ——* ЗА.

а) Докажите, что *SA —* высота пирамиды.

6) Найдите расстояние от вершины *А* до плоскости *SBC.*

Подберём корни для *х ——* 2 + 2пп; п С *Z*

s

¿› ıqH

noaoan HZd‹

### Если п = —3, то *х ——* — 6п Если п = —2, то х = — 4п

16<

3

7п Ѕтг

1 2

N•lñlH

Если п = —1, то х = 2 — 2к = — 4 if — 7 ; —

f

Подберём корни для х = — 2 -1- 2пп; п С *Z*

sz601

s

2 **14к** 5г

Заметим, что в а *ABC* выполняется теорема Пифагора:

Если п = —2, то х = — s — 4к = —

Если п = —1, то *х —— —* — 2п = — 8r

 

2

7тг Ѕтг

2 ’ 2

*ЅВ 2* — *SA’ + AB’*

52 32 -1- 42

25 = 9 + 16

25 = 25

Ответ: а) 2r + 2пп, — 2д + 2пп; п С *Z.* б) — 10г 8r

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах | 2 |
| Обоснованно получен верный ответ в пункте *а* или впункте *6*ИЛИПолучены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов — пункта п и пункта *б* | 1 |
| Решение не соответствуетперечисленных выше | ни | одному | из | критериев, | 0 |
| *Максимальный балл* | *2* |

=> а *ABC —* прямоугольный и *zSЛB* —— 90° по теореме, обратной теореме Пифагора

Заметим, что в а *ADS* выполняется теорема Пифагора:

*SD* 2 = *ЅА 2 + AD’*

(35)' = 32 + 62

45 = 9 + 36

45 = 45

=> а *ADS —* прямоугольный и *rSAD ——* 90° по теореме, обратной теореме Пифагора

1

noaoan HZd‹

*SAB С “*‘ *SB С ‘*

*AC ——* 3+*AB* 2

*В* 3 2 = 3+42

62 = 5 (по теореме Пифагора)





Если прямая перпендикулярна к двум пересекающимся прямым, лежащим в плоскости, то она перпендикулярна к этой плоскости



*SA* AB(т. *кk. ABS* и а *ADS —* прямоугольные)

*SA* AD

*AB С AD —— А*

=> *SA ABC)*

=> *SA —* высота пирамиды

■

f

*SC —— ЅА 2+ A6 2* — ЗА + 5 s - 6 (по теореме Пифагора) Заметим, что в а *SBC* выполняется теорема Пифагора:

*SO* 2 = *SB* 2 *+ ВС* 2

2

6 = 52 \_( 62

61 = 25 + 36

¿› ıqH

61 = 61

—> а *SBС —* прямоугольный и *z5BC ——* 90° по теореме, обратной теореме Пифагора

1 1 4 6

N•lñlH

*SABС “*‘ *ABC- А S —* 3 ' 2 ” 3 = 12

б)

Расстояние от вершины *А* до плоскости *SBC —* это высота пирамиды *SABC*

с основанием *SBC*

Пусть h — искомое расстояние

1

5/i = 12

/і = 2,4

1 5 6

3 2

### E=5E



1

основания '



Найдём объём пирамиды *SABC* двумя способами: 1

Ответ: 2,4

перечисленных выше

sz601

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Обоснованно получен верный ответ в обоих пунктах | 2 |
| Верно доказан пункт п.ИЛИВерно решён пункт 6 при отсутствии обоснований в пункте *а* | 1 |
| Решение не соответствует ни одному из критериев, | 0 |
|  | *2* |

*Макси.пальный балл*

 Решение задания

Решите неравенство 13 — 5 3‘

9\* — 12- 3\* + 27 "

Пусть 3\* = t

0,5.

¿› ıqH

з\* = з0 х = 0

3 < 3\* < 9

### з1< з• <з 2

noaoan HZd‹

13 — St 1

t 2 — 12 t + 2 7 — — Е 0

2

### 26 — 10t — t\* + 12t 27

2(t 2 12t -F 27)

2(t 2 — 12t + 27) > 0

—(t — 1)2

2(t 2 — 12t + 27)

t = 1

### 0

t 2 — 12 t + 27 0

Ответ: (0] U (1; 2)

N•lñlH

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Обоснованно получен верный ответ | 2 |
| Решение содержит вычислительную ошибку, возможно,приведшую к неверному ответу, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения | 1 |
| Решение не соответствуетперечисленных выше | ни | одному | из | критериев, | 0 |
| *Максимальный балл* | 2 |

*D ——* (—12)-2 —- 4 1

12 + 6

t 4  ~~2~~ —9

## 12-6

27 = 36

136

Решение задания

В трапеции *ABCD* точка *Е —* середина основания *AD,* точка /tI — середина боковой стороны *AB.* Отрезки *СЕ* и *DM* пересекаются в точке *О.*

sz601

f

а) Докажите, что площади четырёхугольника *AMOE* и треугольника *COD*

равны.

6) Найдите, какую часть от площади трапеции составляет площадь четырёхугольника *AMOE,* если *BC ——* 3, *AD ——* 4.





HycTs /I — BsicoTa, onyiue as Hr Bepmu bi *C* na *ED* B a *CED*

,

aA

Tor a h — Bblco+a, onyiiteHHa» in BepuiiiHbi M ria *AD* B a *AMD*

sz601

*ö AMD ——k PBM RO* CTOpo e H pByM npHnewaiiiHM K Hen yrnaM

*BM —— AM*

noaoan HZd‹

*z PMB —— zAMD* — aepTHKanbHbie

*z PBM —— zMAD —* HaxpecT nemaujHe

*PB —— AD ——* 4

*b COP ——b DOE no* pByu yrnaM

*zPOC —— ID OE —* BepTi4xanb bie

*z PCO —— nDEO —* aKpecT nemauj e

¿› ıqH

*CO CP*

*EO DE*

N•lñlH

*CO BC + PB*

 

*EO* 1*- AD*

f

1

*SAMD “* 2 *AD*

## 1

*h AD- h*



2 4

## 1 1

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *EO* |  | 1 4 |
|  |  | 2 |
| *CO* |  | 7 |
| *EO* |  | *2* |

*AD- h*

*CO* 3 -P 4

*SCED*

*- DE- h ——* 2

*- AD-*

## 2 4

*’AMD ’CED*

*SAP OE + S DOE —— S COD + S DOE*

=>

*’AMOE ’CO D*





*ABCD*

Hpouie aiiTii *SCOD* 'ieM *SATO*

HycTb *DM M BC —— P*

HycTi•

*EO —— 2x*

*CO ——* 7+

Torpa

*CE —— 9x*

/l — BsicoTa B a *CED*

2 /t — BbicoTa B a *DEO*

*SCOD — S CED— 5 DEO*

1 1

noaoan HZd‹

*S*

|  |  |
| --- | --- |
| выполнен |  |
| Решение не соответствуетперечисленных выше | ни | одному | из | критериев, | 0 |
| *Максимальный балл* | 3 |

*CED - DE- h ——* 2 2 /t = *h*

1 2 1 2 2

*S D EO "* 2 *DE -*

7

*S C0 D "* 9 — h

9

*BC + AD*

2 9 9

Решение задания

*SABCD* 2 '

 7

*SABCD “* 2 2

*SABCD 9* 2 9

*S AM О Л S COD*



*ABCD AB CD*



*S AM О Е*

*5 АВCD*

Ответ: 2

9

В июле 2016 года планируется взять кредит в банке на четыре года в размере *S* млн рублей, где *S —* целое число. Условия его возврата таковы:

— каждый январь долг увеличивается на 15% по сравнению с концом предыдущего года;

¿› ıqH

— с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;

— в июле каждого года долг должен составлять часть кредита в соответствии со следующей таблицей.

f

N•lñlH

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Месяц и год | Июль2016 | Июль2017 | Июль2018 | Июль2019 | Июль2020 |
| Долг (в млнрублей) | *5* | 0,8S | 0,5S | 0,1S | 0 |

Найдите наибольшее значение *S,* при котором общая сумма выплат будет меньше 50 млн рублей.

sz601

Пусть

1 январ—я день начисления процентов

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Имеется верное доказательство утверждения пункта *а* иобоснованно получен верный ответ в пункте *б* | 3 |
| Получен обоснованный ответ в пункте *б*ИЛИИмеется верное доказательство утверждения пункта а и при обоснованном решении пункта *б* получен неверный ответ из-за арифметической ошибки | 2 |
| Имеется верное доказательство утверждения пункта *а,*При обоснованном решении пункта *б* получен неверный ответ из-за арифметической ошибки,ИЛИОбоснованно получен верный ответ в пункте *б с*использованием утверждения пункта п, при этом пункт а не | 1 |

1 апреля— день выплаты части долга

Составим таблицу как изменялась сумма долга:

|  |  |
| --- | --- |
| Число | Сумма долга |
| 01.07.2016 |  |

2017 год

|  |  |
| --- | --- |
| 01.01.20l7 | 151 + 100  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 01.04.2020 | -0,115 | S | — | 0 = | 0,115 | *S* |

Общая сумма выплат должна быть меньше 50 млн рублей

noaoanHZd‹

|  |  |
| --- | --- |
| 01.04.2017 |  |
| 01.07.2017 - | 0,8 *S* |

=> (по условию)

=>

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 01.04.2017 | 1,15 | *S* | *—* | 0,8 | *S* | *——* | 0,35 | *S* |

- 0,35

- 1,36

*S +*- 0,42

*S <* 50

*S +* 0- ,475

*S +* 0- ,115

*S <* 50 млн

2018 год

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 01.01.2018 | 1,15- |  | 0,8 *S ——*- 0,92 | *S* |
| 01.04.2018 |  |
| 01.07.2018 | 0,5 *S* |

=>

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 01.04.2018 | 0,92 | *S* | *—* | 0,5 | *S* | *——* | 0,42 | S |

2019 год

|  |  |
| --- | --- |
| 01.01.2019 | - 1,15 0,5 *5 ——* -0,575 *5* |
| 01.04.2019 |  |
| 01.07.2019 | 0,1 *S* |

=>

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 01.04.2019 | -0,575 | S-— | 0,1 | S | = | -0,475 | *S* |

20209 год

*S <* 5000

136

¿›ıqH

625

*S <* 36 13

37

Требуется найти наибольшее подходящее целое *S*

N•lñlH

*5 ——* 36



Ответ: 36

ST601

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Обоснованно получен верный ответ | 3 |
| Верно построена математическая модель, решение сведенок исследованию этой модели, получен неверный ответ из-за вычислительной ошибкиИЛИПолучен верный ответ, но решение недостаточно обоснованно | 2 |
| Верно построена математическая модель и решениесведено к исследованию этой модели, при этом решение может быть не завершено | 1 |
| Решение не соответствуетперечисленных выше | ни | одному | из | критериев, | 0 |
| *Максимальный балл* | 3 |

|  |  |
| --- | --- |
| 01.01.2020 | 1,15 0,1 *S ——* 0,115 S |
| 01.04.2020 |  |
| 01.07.2020 | 0 |

 Решение задания

Найдите все значения п, для каждого из которых уравнение

*х’ 0 + (а —* 2 *х )*5 *+ x 2 —* 2 *х* + п = 0

имеет более трёх различных решений. (т')5 -b (п — 2 Ј х Ј)5 -b х' — 2 Ј х Ј -b п = 0 ( 2) 5 ]\_ 2 (о — 2 | х |) 5 + 2 | т | — о

(32)5+ 2 *(2 \ х \* — в)’ -1- (2 |х | — в)

Пусть



2 |т | — о = *с*



Рассмотрим функцию *f(t) ——* t + t

*f(h)* —— *b 5* + *b*

*f(с) —— с’ + с*



*f(b) —— f(с)*

Исследуем функцию *f(t) ——* t + t на монотонность:

*f (t) ——* 5t’ + 1

Заметим, что данная производная всегда положительна при любом I

=>

Функция *f(t)* возрастает на всей числовой прямой t Например,

Найдём *f(—4)*

¿› ıqH

noaoan HZd‹

Очевидно, что значений функции в любой другой точке будет отличаться

N•lñlH

от *f(—4)*



*f(b) —— f(с)*

f

=>

sz601





x 2 — 2 |х | -1- о = 0

Јх Ј 2 — 2 Јх Ј + п = 0

Данное уравнение должно иметь й 4 решений

Пусть х) = t

## t2 \_ 2t+ о = о

Если

t 2 — 2t -1- п = 0 не имеет корней

Јх Ј2 — 2 Ј х Ј -1- п = 0 не имеет корней

Если

t2 — 2t -1- п = 0 имеет 1 положительный корень, то Јх Ј' — 2 Ј х Ј -1- п = 0 имеет 2 корня

Если

HhO 6Od HH3dA

|  |  |
| --- | --- |
| значений а, отличающееся от искомого конечным числомточек |  |
| С помощью верного рассуждения получены все граничныеточки искомого множества значений а | 2 |
| Верно получена хотя бы одна граничная точка искомогомножества значений а | 1 |
| Решение не соответствует ни одному из критериев,перечисленных выше | 0 |
| *Максимальный балл* | 4 |

t' — 2t + п = 0 имеет 2 положительных корня, то х Ј2 — 2 х Ј + п = 0 имеет 4 корня

(только такой вариант нам подходит)

=>

*D* > 0

4 — 4n > 0

4n < 4

2 -b 4 — 4n 2 -1- 2 1 — п

2 = 2 =l + 1-ii

## 2— 4—4o 2—2 1—n

 1—n

139

Решение задания

Даны п различных натуральных чисел, составляющих арифметическую прогрессию (п й 3).

Заметим, что t1 является положительным при любом п < 1

=>

t, даст нам х, и x2 (противоположные числа из-за модуля)

t 2 должно быть положительным



1 — 1 — п > 0

# < i — п < 1

—1 < —п < 0

* < п < i

to даст нам xc и ху (противоположные числа из-за модуля) при любом

0 < о < 1

### Ответ:0<0<l

а) Может ли сумма всех данных чисел быть равной 10?

6) Каково наибольшее значение п, если сумма всех данных чисел меньше 1000?

S Z601 f

N•

в) Найдите все возможные значения п, если сумма всех данных чисел равна 129.

Арифметическая прогрессия состоит из натуральных чисел



m й 1

d й 1

### а)



nq = m + *d(п —* l)







### Если п = 3, то

' 3 1 + d(3 — 1) = п, + 2d

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Обоснованно получен правильный ответ | 4 |
| С помощью верного рассуждения получено множество | 3 |



(2n + 2d) 3 = 20

Если первая скобка имеет значение 10, то п < 200

=>

noaoanH3d‹

Чем меньше значение скобки— тем больше п

Нам нужно брать как можно меньшие значения m и *d,* т.к. мы ищем

(m + d-)

3 = 10

наибольшее значение п

Зп, + 3d —— 10

=>

Нет решений в натуральных числах

### Если п = 4, то

up = m + d(4 — 1) = m *+* 3*d*

 *+* 3d 4 = 10

2

Пусть

### m = 1

d = 1

Тогда

- (2 -1 -Р 1

(п-— 1))

п < 2000

wnx¿ıqH

(2n, + 3d) 2 = 10 4п1 + 6d *——* 10

### m = 1

d = 1

Получаем прогрессию: 1 2 3 4

1 + 2 + 3 + 4 = 10

Может

6)

*Sq <* 1000

m -1- m -I- d(п — 1)

2 < 1000

(п -1- 1) п < 2000 

IO

f

п' + п — 2000 < 0 п' + п — 2000 = 0 *D ——* 8001

ST601

—1 — 83001



2

—1 + 83001

П2 2



(2n, + *d(n*-— 1))

п < 2000

—1 — 83001 —1 + 83001

П

2 2

Если первая скобка имеет значение 100, то п < 20

Отбросим левую границу двойного неравенства, т.к. п й 3 по условию

1 —b-1 —F 1

(45 — 1)

=>

—1 + 83001

- 23

2 - 45 < 1000

45 < 1000

1035 < 1000

Оценим значение дроби:

89 < 83001 < 90

88 < —1 + 83001 < 89

—1 + 83001

44 < 2 < 44,5

Наибольшее целое п, удовлетворяющее неравенству

2

<

противоречие

=>

п = 45 не подходит

)

*5q ——* 2m -b *d(п* — 1)

2

П = 129

noaoanH3d‹

—1 + 83001



(2п, -1- d(п

-— 1))

п = 258

Разложим 258 на простые множители:

¿ıqH

Проверим:

### ві = 1

d = 1

п=44

*S44* < 1000

1 + -1 + 1 (44 — 1)

2 44 < 1000

(2 -+ 43) 22 < 1000

### 990 < 1000

=>

п = 44 подходит

Проверим m = 1

d = 1

п = 45

*545* < 1000

25-8 =- 1- 2 3 43 IO



Есть несколько вариантов какое значение может принимать п:

ST601

п = 1

п = 2

Не подходят, т.к. по условию п й 3

Вариант #1 Если п = 3

(2n + *d(3* — 1)) 3 = 258 6n, + 6d —— 258

no + *d ——* 43

Подходит, например

### m = 1

d = 42

1 43 85

Вариант #2 Если п = 6

(2n, + d(6 — 1)) 6 = 258

12 n1 + 30d = 258

2n + 5d —— 43

Подходит, например

m = 19

noaoanH3d‹

|  |  |
| --- | --- |
| перечисленных выше |  |
| *Максимальный балл* | 4 |

d = 1

19 20 21 22 23 24

Вариант #3 Если п = 43

(2n, + *d(43* — 1)) 43 = 258 86п, + 1806d = 258

Не подходит Вариант #4 Если п = 86

(2n + *d(86* — 1)) 86 = 258

¿ıqH

172 n1 + 7310d = 258

Не подходит Вариант #5 Если п = 129

(2n, + d(129 — 1)) 129 = 258

Не подходит IO

Вариант #6

Если п = 258

ST601

(2n + *d(258* — 1)) 258 = 258

Не подходит

Ответ: а) Да, например, 1 2 3 4, 6) 44, в) 3; 6

 

|  |  |
| --- | --- |
| Содержание критерия | Баллы |
| Верно получены все перечисленные (см. критерий на 1балл) результаты | 4 |
| Верно получены три из перечисленных (см. критерий на 1балл) результатов | 3 |
| Верно получены два из перечисленных (см. критерий на 1балл) результатов | 2 |
| Верно получен один из следующих результатов:* обоснованное решение п. а;
* обоснованное решение п. 6;
* искомая оценка в п. в;
* пример в п. в, обеспечивающий точность предыдущей оценки
 | 1 |
| Решение | не | соответствует | ни | одному | из | критериев, | 0 |